

## CH II Proportionnalité

### I) Situation de proportionnalité

#### 1) définition :

Deux grandeurs sont **proportionnelles** si les valeurs de l'une s'obtiennent en **multipliant** les valeurs de l'autre par un même nombre appelé **coefficient de proportionnalité**.

#### 2) méthodes :

Pour vérifier si on a une situation de **proportionnalité**, on peut :

- par le calcul, chercher si les **quotients sont égaux**
- par le graphique, vérifier que la représentation graphique est une **droite passant par l'origine**.

#### 3) exemples

Exemple 1: prix des chocolats

$\times 250/6,5$	$: 0,026$	→	←	$\times 0,026$	$: 250/6,5$

Le tableau ci-dessus est un tableau de proportionnalité.

0,026 est un coefficient de proportionnalité car :  $6,5 / 250 = 0,026$  et  $13 / 500 = 0,026$

Sur cet exemple, le prix du chocolat est proportionnel à la masse.

#### Remarque :

Pour chaque tableau de proportionnalité, il existe 2 coefficients  $250/6,5 \approx 38,5$  et  $6,5/250 = 0,026$

#### Exemple 2 :

Pour 100 photocopies, le coût à l'unité est de 0,15 €, alors qu'il est de 0,20 € dans les autres cas.

Le prix n'est pas proportionnel au nombre de photocopies.

Nombre de photocopies	1	10	100
Prix (€)	0,20	2	15

### II) Compléter un tableau de proportionnalité : On peut utiliser différentes méthodes :

<p style="text-align: center;"><b>le coefficient de proportionnalité</b></p> <table border="1" style="border-collapse: collapse; margin: 10px auto;"> <tr> <td>Masse (g)</td> <td>250</td> <td>500</td> <td>750</td> </tr> <tr> <td>Prix (€)</td> <td>6,5</td> <td>13</td> <td></td> </tr> </table> <p style="text-align: right; margin-right: 20px;"><math>\times 0,026</math></p>	Masse (g)	250	500	750	Prix (€)	6,5	13		<p style="text-align: center;"><b>Multiplier les résultats d'une colonne par un nombre s'il est simple à trouver.</b></p> <table border="1" style="border-collapse: collapse; margin: 10px auto;"> <tr> <td>Masse (g)</td> <td>250</td> <td>500</td> <td>750</td> </tr> <tr> <td>Prix (€)</td> <td>6,5</td> <td>13</td> <td></td> </tr> </table>	Masse (g)	250	500	750	Prix (€)	6,5	13	
Masse (g)	250	500	750														
Prix (€)	6,5	13															
Masse (g)	250	500	750														
Prix (€)	6,5	13															
<p style="text-align: center;"><b>Combiner les résultats des autres colonnes</b></p> <div style="text-align: center; margin: 10px 0;"> </div> <table border="1" style="border-collapse: collapse; margin: 10px auto;"> <tr> <td>Masse (g)</td> <td>250</td> <td>500</td> <td>750</td> </tr> <tr> <td>Prix (€)</td> <td>6,5</td> <td>13</td> <td></td> </tr> </table>	Masse (g)	250	500	750	Prix (€)	6,5	13		<p style="text-align: center;"><b>Calculer avec le produit en croix</b></p> <table border="1" style="border-collapse: collapse; margin: 10px auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">500</td> <td style="text-align: center;">750</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">13</td> <td style="text-align: center;">x</td> </tr> </table> <p style="margin-top: 10px;">prix = <math>13 \times 750 : 500 = 19,5</math></p>	500	750	13	x				
Masse (g)	250	500	750														
Prix (€)	6,5	13															
500	750																
13	x																

### III) Pourcentages

#### 1) Règle générale :

Pour calculer avec des **pourcentages**, on peut toujours utiliser un **tableau de proportionnalité** dans lequel figure **le nombre 100**.

Exemple 1: Un vélo coûte 299 euros en octobre, il baisse de 30% pour les soldes. Quel est son nouveau prix ?

ancien prix (euros)	299	100
réduction (euros)	89,7	30
nouveau prix (euros)	209,3	70

On peut commencer par calculer la réduction, puis le nouveau prix.

#### 2) appliquer un pourcentage :

Pour calculer a % de quelque chose, on multiplie par  $\frac{a}{100}$

exemple : 30 % de 299  $\rightarrow 299 \times \frac{30}{100} = 89,7$

#### 3) calculer une nouvelle valeur après variation :

Pour une diminution de a %, Si on note y la nouvelle valeur et x l'ancienne, on peut écrire :

$$y = x \times \left(1 - \frac{a}{100}\right)$$

Retour à l'exemple :

$$Y = 299 \times \left(1 - \frac{30}{100}\right) = 299 \times \left(\frac{100}{100} - \frac{30}{100}\right) = 299 \times 0,7 = 209,3$$

Son nouveau prix est de 209,3 euros.

Pour une augmentation de a %, on a  $y = x \times \left(1 + \frac{a}{100}\right)$

#### Exemple 2:

a) Le nombre d'habitants de Genas était de 11562 en 2007 et il a augmenté de 6,86 % entre 2007 et 2012. Quel était le nombre d'habitants de Genas en 2012 ?

$$y = 11562 \times \left(1 + \frac{6,86}{100}\right) = 11562 \times 1,0686 \approx 12355. \text{ Il y avait 12355 habitants à Genas en 2012.}$$

b) Le nombre d'habitants a augmenté de 3,79 % entre 1999 et 2007. Combien y avait-il d'habitants de Genas en 1999 ?

$$11562 = x \times 1,0379 \text{ donc } x = 11562 : 1,0379 \approx 11140. \text{ Il y avait 11140 habitants à Genas en 1999.}$$

#### 4) retrouver une valeur avant variation

soit x la valeur avant et y le valeur après. Pour une augmentation de a %, on a :

$$y = x \times \left(1 + \frac{a}{100}\right) \text{ et donc } x = y : \left(1 + \frac{a}{100}\right)$$